

Exercice 1 : On considère deux pièces de monnaie. La première tombe sur **Pile** avec probabilité $p_1 = \frac{1}{3}$ tandis que la seconde est équilibrée. On lance indéfiniment chacune de ces deux pièces. On pose :

- X_1 la v.a.r. égale au rang du premier lancer qui a donné **Pile** avec la première pièce ;
- X_2 la v.a.r. égale au rang du premier lancer qui a donné **Pile** avec la deuxième pièce ;
- $Y = \min(X_1, X_2)$ et $Z = \max(X_1, X_2)$.

Compléter la fonction suivante pour qu'elle renvoie une liste $[Y, Z]$ contenant une simulation du couple (Y, Z) , sans utiliser les fonctions **min** et **max** de **Python** :

```

1  def simulYZ():
2      X1, X2 = _____
3      if _____:
4          _____
5      else:
6          _____

```

Exercice 2 : On considère une pièce de monnaie équilibrée, que l'on lance n fois ($n \geq 2$). On pose :

- X la variable aléatoire égale au rang du premier changement de résultat ou égale à 0 si tous les lancers donnent le même résultat ;
- Y la variable aléatoire de Bernoulli qui vaut 1 si on a obtenu au moins deux **Face** lors des n lancers et 0 sinon.

Exemple avec $n = 6$: si les lancers ont donné

Face, Face, Face, Pile, Pile, Face

alors X prend la valeur 4 et Y prend la valeur 1.

Exemple avec $n = 7$: si les lancers ont donné

Pile, Pile, Face, Pile, Pile, Pile, Pile

alors X prend la valeur 3 et Y prend la valeur 0.

Compléter la fonction suivante (dans laquelle les **Face** sont codés par 1) pour qu'elle renvoie une simulation du couple (X, Y) :

```

1  def simulXY(n):
2      lancers = [_____ for k in range(n)]
3      if sum(lancers) _____:
4          Y = 1
5      else:
6          Y = 0
7      for k in range(1,n) :
8          if lancers[k] != _____:
9              return _____
10     return _____

```